

EJERCICIO 2

(X)

$$\bar{x} = 25$$

$$S_x = 6$$

a) $r_{xy} = \sqrt{0'64} = 0'8$

b) $r^2_{xy} = 0'64 \rightarrow$ el 64% de la variabilidad de Y puede explicarse o pronosticarse a partir de las puntuaciones obtenidas en X. (COEFICIENTE DE DETERMINACIÓN)

(Y)

$$\bar{y} = 7$$

$$S_y^2 = 9 \rightarrow S_y = \sqrt{9} = 3$$

$$r^2_{xy} = 0'64$$

$$C.A. = \sqrt{1 - r^2_{xy}} = \sqrt{1 - 0'64} = 0'6$$

Existe un 60% de inseguridad en los pronósticos que de Y hace la X.

$0'6^2 = 0'36 \rightarrow$ el 36% de la variabilidad de Y NO puede explicarse o pronosticarse a partir de las puntuaciones obtenidas en X.

C.V.P. = $1 - C.A. = 1 - 0'6 = 0'4 \rightarrow$ Existe un 40% de seguridad en los pronósticos.

c) VARIANZA DE LOS ERRORES DE ESTIMACIÓN:

$$S^2_{y,x} = 1'8^2 = 3'24$$

ERROR TÍPICO DE ESTIMACIÓN:

$$S_{y|x} = S_y \sqrt{1 - r^2_{xy}} = 3 \cdot \sqrt{1 - 0'64} = 1'8$$

d) $S_y^2 = S_{y|1}^2 + S_{y,x}^2 \rightarrow 9 = S_{y|1}^2 + 3'24 \rightarrow 9 - 3'24 = S_{y|1}^2 \rightarrow S_{y|1}^2 = 5'76$

e) DIRECTAS: $y' = a + bX = -3 + 0'4 \cdot X \quad y' = -3 + 0'4 \cdot 30 = 9$

$$a = \bar{Y} - b\bar{X} = 7 - 0'4 \cdot 25 = -3$$

$$b = r_{xy} \frac{S_y}{S_x} = 0'8 \cdot \frac{3}{6} = 0'4$$

DIFERENCIALES: $y' = bX \rightarrow y' = 0'4X \quad y' = 0'4 \cdot 5 = 2$

$$x = X - \bar{X} = 30 - 25 = 5$$

TÍPICAS: $z_{y'} = r_{xy} z_X \rightarrow z_{y'} = 0'8 z_X \rightarrow z_{y'} = 0'8 \cdot 0'83 = 0'67$

$$z_X = \frac{X - \bar{X}}{S_x} = \frac{30 - 25}{6} = 0'83$$

f)

$x=30$

$$N.C = 99\% \rightarrow z_c = 2'58$$

$$L_{im} = Y' \pm 6_{max} = 9 \pm 4'64 \quad \begin{array}{l} 13'64 \\ 4'36 \end{array}$$

$$6_{max} = z_c \cdot S_{y,x} = 2'58 \cdot 1'8 = 4'64$$